

ÜBUNGEN ZUR ALGEBRAISCHEN GEOMETRIE I

Blatt 19

Abgabe bis Dienstag, 29. Mai, 12:00 Uhr in Briefkasten 11

43. Berechnen Sie das Bild der verdrehten Kubik $C \subset \mathbb{P}^3$ unter den Projektionen mit den folgenden Zentren $p \in \mathbb{P}^3$:

(a) $p = [1, 0, 0, 1]$;

(b) $p = [0, 1, 0, 0]$;

(c) $p = [1, 0, 0, 0]$.

(Projiziert wird auf das orthogonale Komplement des Zentrums, in (a) z.B. auf die Ebene $\mathcal{V}_+(x_0 + x_3)$.)

Was passiert mit der Projektion $C \dashrightarrow \mathbb{P}^2$ im Zentrum p ?

44. Es seien L_1, L_2, L_3 drei paarweise disjunkte Geraden in \mathbb{P}^3 und sei

$$S = \bigcup \{L \subset \mathbb{P}^3 : L \text{ ist eine Gerade mit } L \cap L_i \neq \emptyset \text{ für } i = 1, 2, 3\}.$$

Zeigen Sie, dass S projektiv äquivalent ist zur Segre-Varietät $\Sigma_{1,1}$.